

# Mecánica Clásica

## Clase Teórica

Facultad de Ciencias Exactas, UNNE

29 de marzo de 2007



# Contenido

- 1 Leyes de Newton
- 2 Sistemas Inerciales de Referencia
- 3 Bibliografía



# MASA INERCIAL

- 1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos



# MASA INERCIAL

- 1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos
- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$



# MASA INERCIAL

1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$



# MASA INERCIAL

1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$



# MASA INERCIAL

## 1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$
- Relación que puede escribirse  $m_1 a_1 + m_2 a_2 = 0$ .



# MASA INERCIAL

## 1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$
- Relación que puede escribirse  $m_1 a_1 + m_2 a_2 = 0$ .
- Si llamamos  $f_1 = m_1 a_1$  y  $f_2 = m_2 a_2$ , resulta





# MASA INERCIAL

## 1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$
- Relación que puede escribirse  $m_1 a_1 + m_2 a_2 = 0$ .
- Si llamamos  $f_1 = m_1 a_1$  y  $f_2 = m_2 a_2$ , resulta
- El conocido principio de acción y reacción.



# MASA INERCIAL

## 1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$
- Relación que puede escribirse  $m_1 a_1 + m_2 a_2 = 0$ .
- Si llamamos  $f_1 = m_1 a_1$  y  $f_2 = m_2 a_2$ , resulta
- El conocido principio de acción y reacción.

## 2 Observación Experimental

- Un cuerpo que no interacciona o se encuentra en equilibrio:



# MASA INERCIAL

## 1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$
- Relación que puede escribirse  $m_1 a_1 + m_2 a_2 = 0$ .
- Si llamamos  $f_1 = m_1 a_1$  y  $f_2 = m_2 a_2$ , resulta
- El conocido principio de acción y reacción.

## 2 Observación Experimental

- Un cuerpo que no interacciona o se encuentra en equilibrio:
- No cambia su movimiento  $\Rightarrow \vec{a} = 0$



# MASA INERCIAL

## 1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$
- Relación que puede escribirse  $m_1 a_1 + m_2 a_2 = 0$ .
- Si llamamos  $f_1 = m_1 a_1$  y  $f_2 = m_2 a_2$ , resulta
- El conocido principio de acción y reacción.

## 2 Observación Experimental

- Un cuerpo que no interacciona o se encuentra en equilibrio:
- No cambia su movimiento  $\Rightarrow \vec{a} = 0$
- La interacción se cuantifica mediante  $f = ma$



# CANTIDAD DE MOVIMIENTO

$$\vec{P} = m\vec{v}$$



# CANTIDAD DE MOVIMIENTO

$$\vec{P} = m\vec{v}$$

- Conservación del Movimiento  $\Rightarrow \vec{P} = \text{cte.}$



# CANTIDAD DE MOVIMIENTO

$$\vec{P} = m\vec{v}$$

- Conservación del Movimiento  $\Rightarrow \vec{P} = \text{cte.}$
- Entonces  $d\vec{P}/dt = 0$



# CANTIDAD DE MOVIMIENTO

$$\vec{P} = m\vec{v}$$

- Conservación del Movimiento  $\Rightarrow \vec{P} = \text{cte.}$
- Entonces  $d\vec{P}/dt = 0$
- Si la cantidad de Movimiento no se conserva:





# CANTIDAD DE MOVIMIENTO

$$\vec{P} = m\vec{v}$$

- Conservación del Movimiento  $\Rightarrow \vec{P} = \text{cte.}$
- Entonces  $d\vec{P}/dt = 0$
- Si la cantidad de Movimiento no se conserva:
- Fuerza sobre un cuerpo  $\vec{F} = d\vec{P}/dt$



# CANTIDAD DE MOVIMIENTO

$$\vec{P} = m\vec{v}$$

- Conservación del Movimiento  $\Rightarrow \vec{P} = \text{cte.}$
- Entonces  $d\vec{P}/dt = 0$
- Si la cantidad de Movimiento no se conserva:
- Fuerza sobre un cuerpo  $\vec{F} = d\vec{P}/dt$
- En particular, si la masa es constante ...



# CANTIDAD DE MOVIMIENTO

$$\vec{P} = m\vec{v}$$

- Conservación del Movimiento  $\Rightarrow \vec{P} = \text{cte.}$
- Entonces  $d\vec{P}/dt = 0$
- Si la cantidad de Movimiento no se conserva:
- Fuerza sobre un cuerpo  $\vec{F} = d\vec{P}/dt$
- En particular, si la masa es constante ...
- Obtenemos  $F = d(m\vec{v})/dt = m d\vec{v}/dt = m\vec{a}$



# Movimientos Relativos

## TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?



# Movimientos Relativos

## TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
  - Sean  $O$  y  $O'$  los orígenes de dos sistemas de referencia



# Movimientos Relativos

## TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
  - Sean  $O$  y  $O'$  los orígenes de dos sistemas de referencia
  - tal que  $\vec{R}$  define el vector posición de uno respecto al otro



# Movimientos Relativos

## TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
  - Sean  $O$  y  $O'$  los orígenes de dos sistemas de referencia
  - tal que  $\vec{R}$  define el vector posición de uno respecto al otro
  - Si la posición de un objeto desde  $O'$  es  $\vec{r}'$



# Movimientos Relativos

## TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
  - Sean  $O$  y  $O'$  los orígenes de dos sistemas de referencia
  - tal que  $\vec{R}$  define el vector posición de uno respecto al otro
  - Si la posición de un objeto desde  $O'$  es  $\vec{r}'$
  - La posición del mismo objeto desde  $O$  es  $\vec{r}$





# Movimientos Relativos

## TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
  - Sean  $O$  y  $O'$  los orígenes de dos sistemas de referencia
  - tal que  $\vec{R}$  define el vector posición de uno respecto al otro
  - Si la posición de un objeto desde  $O'$  es  $\vec{r}'$
  - La posición del mismo objeto desde  $O$  es  $\vec{r}$
  - de forma tal que  $\vec{r} = \vec{r}' + \vec{R}$



# Movimientos Relativos

## TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
  - Sean  $O$  y  $O'$  los orígenes de dos sistemas de referencia
  - tal que  $\vec{R}$  define el vector posición de uno respecto al otro
  - Si la posición de un objeto desde  $O'$  es  $\vec{r}'$
  - La posición del mismo objeto desde  $O$  es  $\vec{r}$
  - de forma tal que  $\vec{r} = \vec{r}' + \vec{R}$
- Siendo  $\vec{V} = d\vec{R}/dt$ , se obtiene
  - $x = x' + x_0 + V_x t$



# Movimientos Relativos

## TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
  - Sean  $O$  y  $O'$  los orígenes de dos sistemas de referencia
  - tal que  $\vec{R}$  define el vector posición de uno respecto al otro
  - Si la posición de un objeto desde  $O'$  es  $\vec{r}'$
  - La posición del mismo objeto desde  $O$  es  $\vec{r}$
  - de forma tal que  $\vec{r} = \vec{r}' + \vec{R}$
- Siendo  $\vec{V} = d\vec{R}/dt$ , se obtiene
  - $x = x' + x_0 + V_x t$
  - $y = y' + y_0 + V_y t$



# Movimientos Relativos

## TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
  - Sean  $O$  y  $O'$  los orígenes de dos sistemas de referencia
  - tal que  $\vec{R}$  define el vector posición de uno respecto al otro
  - Si la posición de un objeto desde  $O'$  es  $\vec{r}'$
  - La posición del mismo objeto desde  $O$  es  $\vec{r}$
  - de forma tal que  $\vec{r} = \vec{r}' + \vec{R}$
- Siendo  $\vec{V} = d\vec{R}/dt$ , se obtiene
  - $x = x' + x_0 + V_x t$
  - $y = y' + y_0 + V_y t$
  - $z = z' + z_0 + V_z t$



# Movimientos Relativos

## TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
  - Sean  $0$  y  $0'$  los orígenes de dos sistemas de referencia
  - tal que  $\vec{R}$  define el vector posición de uno respecto al otro
  - Si la posición de un objeto desde  $0'$  es  $\vec{r}'$
  - La posición del mismo objeto desde  $0$  es  $\vec{r}$
  - de forma tal que  $\vec{r} = \vec{r}' + \vec{R}$
- Siendo  $\vec{V} = d\vec{R}/dt$ , se obtiene
  - $x = x' + x_0 + V_x t$
  - $y = y' + y_0 + V_y t$
  - $z = z' + z_0 + V_z t$
  - con  $t = t'$



# Movimientos Relativos

## RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia



# Movimientos Relativos

## RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
  - Es aquel donde valen las Leyes de Newton



# Movimientos Relativos

## RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
  - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
  - Son todos equivalentes  $\Rightarrow$  ninguno es privilegiado





# Movimientos Relativos

## RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
  - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
  - Son todos equivalentes  $\Rightarrow$  ninguno es privilegiado
  - Covariantes según las transformaciones de Galileo



# Movimientos Relativos

## RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
  - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
  - Son todos equivalentes  $\Rightarrow$  ninguno es privilegiado
  - Covariantes según las transformaciones de Galileo
  - $v = \infty$  es la que es igual en todos



# Movimientos Relativos

## RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
  - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
  - Son todos equivalentes  $\Rightarrow$  ninguno es privilegiado
  - Covariantes según las transformaciones de Galileo
  - $v = \infty$  es la que es igual en todos
  - Electromagnetismo !!  $\Rightarrow v = c$  es finita.



# Movimientos Relativos

## RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
  - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
  - Son todos equivalentes  $\Rightarrow$  ninguno es privilegiado
  - Covariantes según las transformaciones de Galileo
  - $v = \infty$  es la que es igual en todos
  - Electromagnetismo !!  $\Rightarrow v = c$  es finita.
- Sistemas No-Inerciales
  - Sistemas acelerados



# Movimientos Relativos

## RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
  - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
  - Son todos equivalentes  $\Rightarrow$  ninguno es privilegiado
  - Covariantes según las transformaciones de Galileo
  - $v = \infty$  es la que es igual en todos
  - Electromagnetismo !!  $\Rightarrow v = c$  es finita.
- Sistemas No-Inerciales
  - Sistemas acelerados
  - $f^* = -ma^*$



# Movimientos Relativos

## RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
  - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
  - Son todos equivalentes  $\Rightarrow$  ninguno es privilegiado
  - Covariantes según las transformaciones de Galileo
  - $v = \infty$  es la que es igual en todos
  - Electromagnetismo !!  $\Rightarrow v = c$  es finita.
- Sistemas No-Inerciales
  - Sistemas acelerados
  - $f^* = -ma^*$
  - $p = f^*$



# Movimientos Relativos

## RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
  - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
  - Son todos equivalentes  $\Rightarrow$  ninguno es privilegiado
  - Covariantes según las transformaciones de Galileo
  - $v = \infty$  es la que es igual en todos
  - Electromagnetismo !!  $\Rightarrow v = c$  es finita.
- Sistemas No-Inerciales
  - Sistemas acelerados
  - $f^* = -ma^*$
  - $p = f^*$
  - Principio de Relatividad General



# REFERENCIAS

- Juan G. Roederer. Mecánica Elemental. Eudeba.





# REFERENCIAS

- Juan G. Roederer. Mecánica Elemental. Eudeba.
- Feynman, Volumen 1, Pearson Education.



# REFERENCIAS

- Juan G. Roederer. Mecánica Elemental. Eudeba.
- Feynman, Volumen 1, Pearson Education.
- Resnick , Halliday, Krane. Fisica. Volumen I y II. 4<sup>o</sup> edición CECSA.

